- 1. (10 points) Write the formula for L(x), then find the linearization L(x) of  $f(x)=\sin(x)$  at a=0 and use it to estimate  $\sin(0.2)$
- 2. (15 points) A spotlight on the ground shines on a wall 10 m away. If a man 2 m tall walks from the spotlight toward the wall at a speed of 1.3 m/s, how fast is the length of his shadow on the wall decreasing when he is 6 m from the building?

3. (25 points) Use 
$$f(x) = \frac{x^2}{(x+2)}$$
  $f'(x) = \frac{x(x+4)}{(x+2)^2}$   $f''(x) = \frac{8}{(x+2)^3}$  to answer the following:

- a. State the domain of f(x)
- b. List all vertical asymptotes of f
- c. Find all critical numbers of f(x)
- d. Find the intervals where f(x) is increasing or decreasing.
- e. State the x-values of all maximums or minimums of f(x). Clearly label your answers.
- f. Find the intervals where f(x) is concave upwards or downwards
- g.List all inflection points
- h. Use your work from above to draw a rough graph of f. Label asymptotes and label the points where we have maxs/mins.
- 4. (12 points) Find the absolute maximum and minimum values of  $f(x)=x^3-3x$  on [-2,0]
- 5. (23 points) Find the following limits. Verify L'Hospital's Rule applies before using it.

a. 
$$\lim_{x \to \frac{\pi}{2}} \frac{5 - 5\cos x}{\sin x}$$

b. 
$$\lim_{x \to 0} \frac{e^{4x} - 1 - 4x}{x^2}$$

c. 
$$\lim_{x \to 0} (1 + 8x)^{\frac{1}{4x}}$$

6. (15 points) \$320 are available to fence in a rectangular garden. One side of the garden borders a river here no fencing is used. On the other three sides it costs \$2/ft. Find the dimensions of the largest possible garden.

C1 +3 V1 Solutions

1.(10ph) 
$$L(10) = f(10) + f(10) (x-10)$$
 $f(1x) = f(10) + f(10) (x-10)$ 
 $L(1x) = f(10) + f(10)$ 
 $L(1x) = f(10) + f(1$ 

3. 
$$(25 \text{ pts})$$
a)  $x \neq -2$ 
b)  $x = -2$ 
c.)  $x = -2$ 
c.)  $x = -2$ 
d)  $x = -2$ 

$$(-4)$$

$$(-2)$$

$$(-4)$$

$$(-2)$$

$$(-2)$$

$$(-2)$$

$$(-2)$$

$$(-3)$$

$$(-4)$$

$$(-2)$$

$$(-4)$$

$$(-2)$$

$$(-2)$$

$$(-3)$$

$$(-4)$$

$$(-2)$$

$$(-4)$$

$$(-2)$$

$$(-3)$$

$$(-4)$$

$$(-3)$$

$$(-4)$$

$$(-3)$$

$$(-4)$$

$$(-3)$$

$$(-4)$$

$$(-4)$$

$$(-4)$$

$$(-2)$$

$$(-4)$$

$$(-3)$$

$$(-4)$$

$$(-3)$$

$$(-4)$$

$$(-3)$$

$$(-4)$$

$$(-3)$$

$$(-4)$$

$$(-3)$$

$$(-4)$$

$$(-3)$$

$$(-4)$$

$$(-3)$$

$$(-4)$$

$$(-3)$$

$$(-4)$$

$$(-3)$$

$$(-4)$$

$$(-3)$$

$$(-4)$$

$$(-3)$$

$$(-4)$$

$$(-3)$$

$$(-4)$$

$$(-3)$$

$$(-4)$$

$$(-3)$$

$$(-4)$$

$$(-3)$$

$$(-4)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-4)$$

$$(-3)$$

$$(-4)$$

$$(-3)$$

$$(-4)$$

$$(-3)$$

$$(-4)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-4)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

$$(-3)$$

a) 
$$x \neq -2$$
  
b)  $x = -2$   
c.)  $x(x+u) = 0$   $x = -4$ 

d) Intervals 
$$f' = \frac{x(x+1)}{(x+2)^2}$$
  $f$   
 $(-\infty, -4)$   $f'(-5) > 0$  inc  
 $(-4, -2)$   $f'(-1) < 0$  dec  
 $(-2, 0)$   $f'(-1) < 0$  dec  
 $(0, \infty)$   $f'(1) > 0$  inc

f) Intervals 
$$f'' = \frac{8}{6000}$$
 f  $(-\infty, -2)$   $f''(-3) < 0$  cc dn  $(-2, \infty)$   $f''(0) > 0$  cc up

h. 
$$f(-4) = \frac{16}{-2} = -8$$



4. (12pts) 
$$F1 = 3x^2 - 3 = 0$$
  
 $x^2 = 1$   
 $x \neq 1$  outside (-2,0]

$$f(-2) = -1 + 3 = 2$$
  
 $f(-2) = -8 + 6 = -2$   
 $f(0) = 0$ 

5. (23 gl-)

$$= \lim_{x \to 0} \frac{4e^{4x} - 4}{2x} \qquad \frac{e^{0} - 1 - 4 \cdot 0}{0} = \frac{c}{0}$$

$$= \lim_{x \to 0} \frac{4e^{4x} - 4}{2x} \qquad \frac{4e^{0} - 4}{0} = \frac{0}{0}$$

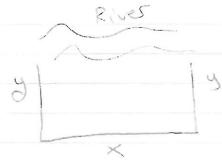
c) 
$$L = \lim_{x \to 0} \frac{1}{x} \ln(1+8x)$$

$$= \lim_{x \to 0} \frac{1}{x} \ln(1+8x)$$

$$= \lim_{x \to 0} \frac{1}{x} \ln(1+8x)$$

$$= \frac{8}{4} = 2 \longrightarrow L = \begin{bmatrix} 2 \\ 2 \end{bmatrix}$$

pts



$$320 = 2x + 2y + 2y$$

$$320 = 2x + 4y$$

$$160 = x + 2y$$

$$x = 160 - 2y$$

$$160 = 49 \rightarrow 9 = 40 \times = 160 - 2(40)$$